

## LISTA DE CÁLCULO

**1 Equações Diferenciais Ordinárias**

Exercício 1.1: Considere uma população  $P$  cuja velocidade de crescimento é proporcional à própria população. Descreva a Equação Diferencial Ordinária que modela o crescimento dessa população. Resolva a EDO obtida, fornecendo a população  $P$  no instante  $t$ .

Exercício 1.2: Considere um elemento químico instável que libera radiações eletromagnéticas e se desintegra ao longo do tempo. Sabendo que a velocidade em que esse elemento se desintegra é proporcional a ele mesmo, descreva a Equação Diferencial Ordinária que modela esse decaimento. Resolva a EDO obtida. Esse fenômeno é chamado de decaimento químico.

Exercício 1.3: Considere duas espécies  $X$  e  $Y$ , sendo que  $Y$  é predador de  $X$ . Dado o “encontro” entre as duas espécies, imagine a seguinte situação: 1) A medida que o número de presas aumenta, então o número de predadores também aumenta, pois existe bastante alimento. 2) A medida que o número de presas diminui, então o número de predadores também diminui, pois existe pouco alimento. 3) A medida que o número de predadores aumenta, então o número de presas diminui 4) A medida que o número de predadores diminui, então o número de presas aumenta. Descreva a dinâmica da população de presas. Descreva a dinâmica da população de predadores. É possível existir um equilíbrio entre as espécies?

Exercício 1.4: Modele um sistema massa-mola simples através de Equações Diferenciais Ordinárias.

Exercício 1.5: Identifique quais das seguintes EDOs são separáveis. Nesse caso, resolva-as.

$$a) \frac{dx}{dt} = tx^2 \quad b) \frac{dx}{dt} = t^2 + x^2 \quad c) \frac{dx}{dt} = 4 + x^2 \quad d) \frac{dx}{dt} = t(1 + x^2) \quad e) \frac{dx}{dt} = x^2 - x$$

$$f) \frac{dx}{dt} = t^2 - 1 \quad g) \frac{dx}{dt} = \frac{t^2 - 1}{x} \quad h) \frac{dx}{dt} = \frac{t}{x} \quad i) \frac{dx}{dt} = \cos^2(t) \quad j) \frac{dx}{dt} = (e^t - t)x$$

$$k) \frac{dx}{dt} = \ln(t) \quad l) \frac{dx}{dt} = \sqrt{1 - x^2} \quad m) \frac{dx}{dt} = \frac{\sqrt{1 - x^2}}{1 + t^2} \quad n) \frac{dx}{dt} = \sec^2(t) \quad o) \frac{dx}{dt} = xy - x^2$$

Exercício 1.6: Um investidor aplica seu dinheiro em uma instituição financeira que remunera o capital investido de acordo com a equação

$$\frac{dC}{dt} = 0,08C.$$

Supondo que o capital investido em  $t = 0$  seja  $C_0$ , determine o valor do capital no instante  $t$ .

Exercício 1.7: Uma partícula se desloca ao longo do eixo- $x$  com aceleração ( $a$ ) proporcional a velocidade ( $v$ ). Admitindo-se que  $v(0) = 3$ ,  $v(1) = 2$  e  $x(0) = 0$ , determine a posição  $x(t)$  da partícula no instante  $t$ .